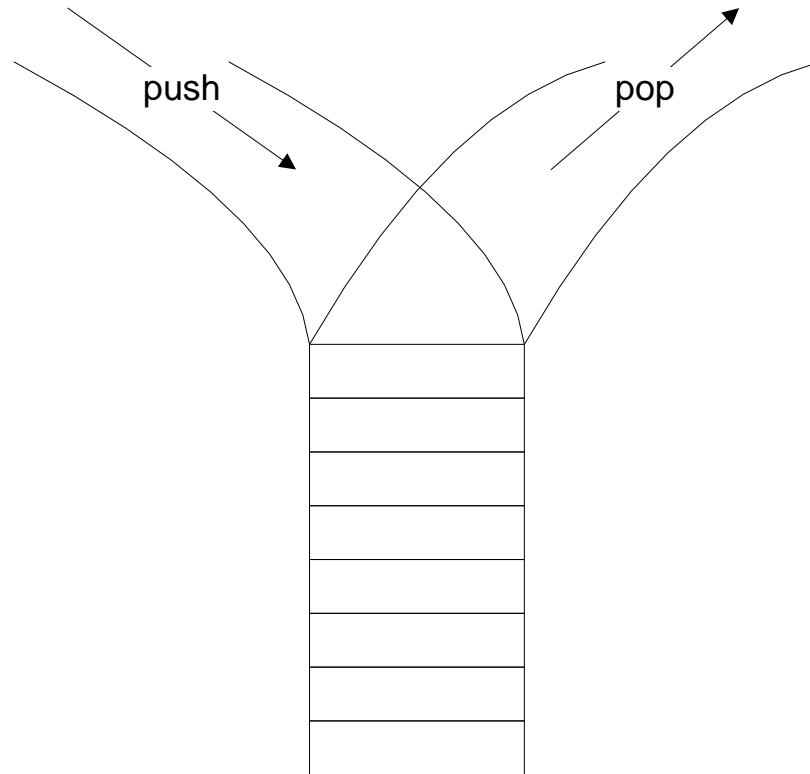


# STRUCTURI DE DATE

**Stiva**  
**Coadă**

## Structura de tip stiva:

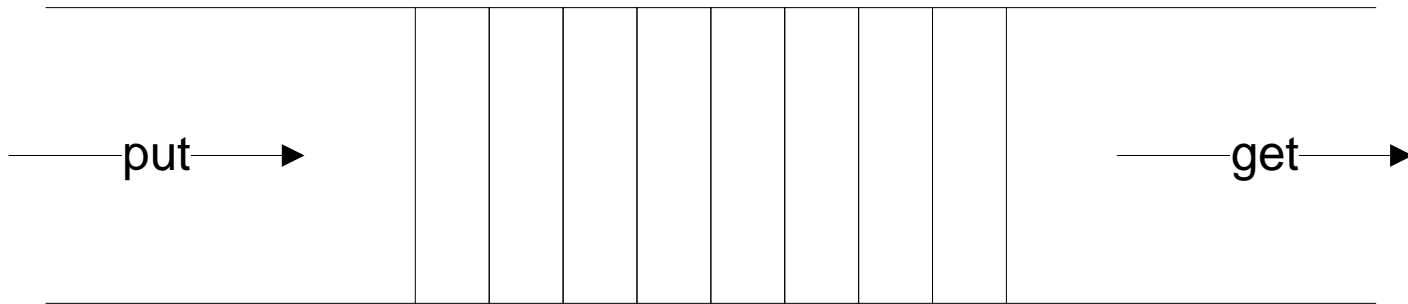
- Structura de date **logica**: implementarea este făcută utilizând alte structuri de date.
- Structura de date **omogena**: toate elementele sunt de același tip.
- Două **operații de bază**: adăugarea și extragerea unui element.
- **Disciplina de acces**: LIFO-Last In First Out - toate inserările (push) și extragerile (pop) sunt făcute la unul din capetele structurii de implementare (inceput lista simpla), denumit vârful stivei.



*Mecanismul de stiva*

## Structura de tip coada:

- Structura de date **logica**: implementarea este făcută utilizând alte structuri de date;
- Structura de date **omogena**: toate elementele sunt de același tip;
- Două **operații de bază**: adăugarea și extragerea unui element;
- **Disciplina de acces**: FIFO-First In First Out - toate inserările (put) se fac la un capăt (sfârșit lista simplă) și extragerile (get) sunt făcute la celălalt capăt (început lista simplă).



*Mecanismul de coadă*

# STIVE SI COZI - APLICATII

## Conversia unei valori zecimale in format binar

1. Preluare valoare zecimala.
2. Cat timp valoarea este strict pozitiva:
  - 2.1 determinare rest impartire la 2.
  - 2.2 prelucrare rest – utilizare structura stiva.
  - 2.3 determinare cat impartire la 2.

# STIVE SI COZI - APLICATII

## QuickSort

- Algoritm de tip **divide-et-impera**.
- Reducerea fiecarui set de valori de sortat in 2 sub-seturi;
- Aplicarea operatiei de reducere pe fiecare din cele 2 sub-seturi;
- Utilizarea a 2 structuri de tip stiva (**Inf**, **Sup**) pentru stocarea pozitiilor celor 2 sub-seturi.
- Stivele sunt initializate: **Inf = {1}**, **Sup = {10}**.

# STIVE SI COZI - APLICATII

QuickSort – exemplu:

Faza de reducere:

extragere varf de stiva *Inf* (index 1) si varf de stiva *Sup* (index 10)

identificare pozitie finala a unei valori din set (ex. valoare pozitie 1).

Incepand cu pozitia 10, se cauta de la dreapta la stanga prima valoare mai mica decat 13.





# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

Valoare identificata este **9**.



Se interschimba **13** cu **9**.



Incepand cu pozitia lui **9**, se cauta de la stanga spre dreapta prima valoare mai mare decat **13**, pana la pozitia lui **13**.

# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

Valoare identificata este **85**.



Se interschimba **85** cu **13**.



Incepand cu pozitia lui **85**, se cauta de la dreapta la stanga prima valoare mai mica decat **13**, pana la pozitia lui **13**.

# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

Nu exista nici o valoare, deci pozitia finala a lui **13** este determinata (**2**).

|   |           |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|-----------|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 9 | <b>13</b> | 25 | 85 | 64 | 99 | 93 | 49 | 72 | 20 |
|---|-----------|----|----|----|----|----|----|----|----|

Stivele sunt populate pentru cele 2 subintervale.

Subintervalul stang contine 1 element, deci este sortat. Nu se retine nimic pe stive.

Subintervalul drept contine cel putin 2 elemente. Stivele sunt: **Inf** = {**3** } si **Sup** = {**10** }.

# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

Faza de reducere:

extragere varf de stiva **Inf** (index **3**) si varf de stiva **Sup** (index **10**)

identificare pozitie finala a primei valori din set **25**.

|   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 9 | 13 | 25 | 85 | 64 | 99 | 93 | 49 | 72 | 20 |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|

Incepand cu pozitia **10**, se cauta de la dreapta la stanga prima valoare mai mica decat **25**.

# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

Valoare identificata: **20**.



Se interschimba **25** cu **20**.



Incepand cu pozitia lui **20**, se cauta de la stanga la dreapta prima valoare mai mare decat **25**.

# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

Valoare identificata: **85**.



Se interschimba **25** cu **85**.



Incepand cu pozitia lui **85**, se cauta de la dreapta la stanga prima valoare mai mica decat **25**.

# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

Valoare identificata: -

|   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 9 | 13 | 20 | 25 | 64 | 99 | 93 | 49 | 72 | 85 |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|

Este determinata pozitia lui **25** in setul final (ordonat), respectiv pozitia **4**.

Stivele sunt populate pentru cele 2 subintervale.

**Subintervalul stang** contine 1 element, deci este sortat. Nu se retine nimic pe stive.

**Subintervalul drept** contine cel putin 2 elemente. Stivele sunt: **Inf = {5}** si **Sup = {10}**.

# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

Faza de reducere:

- Extragere varf de stiva **Inf** (index **5**) si varf de stiva **Sup** (index **10**).
- Identificare pozitie finala a primei valori din set **64**.

|   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 9 | 13 | 20 | 25 | 64 | 99 | 93 | 49 | 72 | 85 |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|

Incepand cu pozitia **10**, se cauta de la dreapta la stanga prima valoare mai mica decat **64**.



# STIVE SI COZI - APLICATII

**QuickSort** – exemplu:

- Faza de reducere se aplica recursiv.
- Opreire algoritm: stivele **Inf** si **Sup** sunt empty.
- Stivele sunt utilizate pentru a retine limitele de intervale obtinute din modul recursiv de aplicare a algoritmului.

# STIVE SI COZI - APLICATII

**Evaluarea expresiilor matematice** ce utilizeaza ca structură de date principală stiva:

- Rearanjarea expresiei într-o anumită formă astfel încât ordinea operațiilor să fie clară și evaluarea să necesite o singură parcurgere a expresiei.
- Forma poloneză: matematicianul de origine poloneză Jan Lukasiewicz.

# STIVE SI COZI - APLICATII

Evaluarea expresiilor matematice (continuare):

- Forma poloneză: scrierea operatorilor înaintea operanzilor.
- Forma poloneză inversă: operatorii sunt scriși în urma operanzilor.

# STIVE SI COZI - APLICATII

Forma poloneză inversă (scriere postfixata): avantaje față de scrierea prefixată (forma poloneza) sau infixată (expresia matematica):

- Ordinea în care se efectuează operațiile este clară.
- Parantezele nu mai sunt necesare.
- Evaluările sunt ușor de efectuat cu ajutorul calculatorului.

# STIVE SI COZI - APLICATII

Algoritm de transformare din expresie matematică în scriere postfixată:

- Edsger Dijkstra (algoritmul macazului – Dijkstra Shunting Algorithm).
- Utilizare stivă în care sunt păstrați operatorii și din care sunt eliminați și transferați în scrierea postfixată.
- Fiecare operator are atribuită o ierarhie după cum este prezentat în tabelul urmator.

# STIVE SI COZI - APLICATII

| Operator | Ierarhie |
|----------|----------|
| ( [ {    | 1        |
| ) ] }    | 2        |
| + -      | 3        |
| * /      | 4        |

*Ierarhia operatorilor*

# STIVE SI COZI - APLICATII

| Expresia matematică<br>(scriere infixată) | Expresia în forma<br>poloneză (scriere<br>prefixată) | Expresia în forma<br>poloneză inversă<br>(scriere postfixată) |
|---|--|---|
| $4 + 5$                                   | $+ 4 5$  | $4 5 +$   |
| $4 + 5 * 5$                               | $+ 4 * 5 5$  | $4 5 5 * +$   |
| $4 * 2 + 3$                               | $+ * 4 2 3$  | $4 2 * 3 +$   |
| $4 + 2 + 3$                               | $+ + 4 2 3$  | $4 2 + 3 +$   |
| $4 * (2 + 3)$                             | $* 4 + 2 3$  | $4 2 3 + *$   |

*Forme ale scrierii unei expresii matematice*

# STIVE SI COZI - APLICATII

Algoritmul este:

- Se inițializează stiva și scrierea postfixată.
- Atât timp cât nu s-a ajuns la sfârșitul expresiei matematice:
  - se citește următorul element din expresie.
  - dacă este valoare se adaugă în scrierea postfixată.
  - dacă este ( se introduce în stivă.
  - dacă este ) se transferă elemente din stivă în scrierea postfixată până la (.



# STIVE SI COZI - APLICATII

- altfel:

a. atât timp cât ierarhia operatorului din vârful stivei este mai mare ierarhia operatorului curent, se trece elementul din vârful stivei în scrierea postfixată;

b. se introduce operatorul curent în stivă.

• Se trec toți operatorii rămași pe stivă în scrierea postfixată.

# STIVE SI COZI - APLICATII

Algoritmul de evaluare:

- Se inițializează stiva.
- Atât timp cât nu s-a ajuns la sfârșitul scrierii postfixate:
  - se citește următorul element.
  - dacă este valoare se depune pe stivă.
  - altfel (este operator):
    - a. se extrage din stivă elementul  $y$ ;
    - b. se extrage din stivă elementul  $x$ ;
    - c. se efectuează operația  $x$  operator  $y$ ;
    - d. se depune rezultatul pe stivă;
- Ultima valoare care se află pe stivă este rezultatul expresiei.